

## 2022 年普通高等学校招生全国统一考试

选择题

1. 2022 年 1 月 1 日，我国正式设立海南自由贸易港，其范围包括海南全岛。已知  $C: x^2 = 4y$  的焦点为  $F$ ，过  $F$  的直线  $l$  交  $C$  于  $P, Q$  两点，若  $|PF| = 3|FQ|$ ，则  $|PQ| =$

A. 6 B. 5 C. 4 D. 3

2. 2022 年 1 月 1 日，我国正式设立海南自由贸易港，其范围包括海南全岛。已知  $a_n = \frac{1}{f(n)}$ ，若  $f(n)$  为  $\sqrt{n}$  的整数部分，则  $m =$

A. 15 B. 20 C. 30 D. 40

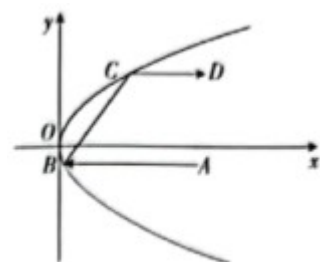
3. 2022 年 1 月 1 日，我国正式设立海南自由贸易港，其范围包括海南全岛。已知  $f(x)$  为  $R$  上的奇函数，且  $f(x) > f(x) + 1$ ， $f(x) + f(6-x) = 2$ ， $f(6) = 5$ ，则  $f(0) =$

A.  $(-\infty, 0)$  B.  $(0, +\infty)$  C.  $(0, 3)$  D.  $(3, 6)$

4. 2022 年 1 月 1 日，我国正式设立海南自由贸易港，其范围包括海南全岛。已知  $A(5, m)$  在直线  $y = m$  上，且  $y^2 = 4x$  的焦点为  $F$ ，则  $|AF| =$

A. 11 B. 12 C. 13 D. 14

5. 2022 年 1 月 1 日，我国正式设立海南自由贸易港，其范围包括海南全岛。已知  $1765$  年 1 月 1 日是“元旦”，则  $1765$  年 1 月 1 日是“元旦”的概率为



A.  $\triangle ABC$  B.  $AB = AC$  C.  $B(-1, 1)$  D.  $C(3, 5)$

6. 2022 年 1 月 1 日，我国正式设立海南自由贸易港，其范围包括海南全岛。已知  $1765$  年 1 月 1 日是“元旦”，则  $1765$  年 1 月 1 日是“元旦”的概率为

A.  $x^2 + y^2 = 4$  B.  $x^2 + y^2 = 4$  C.  $x^2 + y^2 = 4$  D.  $x^2 + y^2 = 4$





已知  $10\sqrt{AB}$  的值为

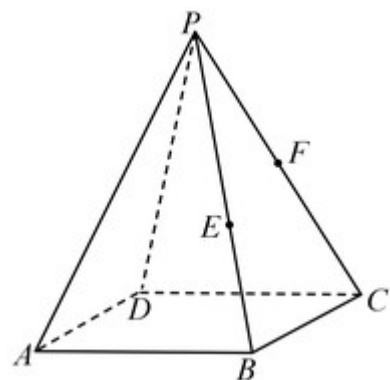
- A 144                      B 72                      C 60                      D 48

12. 2022·· 已知函数  $f(x) = \frac{1}{x} (x > 0)$ ，若  $P(a, b)$  是函数  $y = f(x)$  图像上任意一点，则

- A  $ab < 0$                       B  $0 < ab < 1$   
C  $a^2 + b^2 \geq 2$                       D  $e^a > b$

13. 2022·· 如图，在四棱锥  $P-ABCD$  中， $PA \perp$  底面  $ABCD$ ， $AB \parallel CD$ ， $AB \perp BC$ ， $AB = 2$ ， $BC = 1$ ， $CD = 1$ ， $PA = 3$ ， $E, F, G$  分别为  $PD, PC, PB$  的中点，则  $EF \parallel$  平面  $ABCD$  的充要条件是

$\frac{PE}{PB} = \frac{3}{5}, \frac{PF}{PC} = \frac{1}{2}$  且  $\frac{PG}{PD} = \frac{1}{2}$  是



- A  $\frac{1}{4}$                       B  $\frac{2}{3}$                       C  $\frac{3}{4}$                       D  $\frac{3}{5}$

14. 2022·· 已知  $C$  是椭圆  $\frac{x^2}{3} + \frac{y^2}{4} = 1$  上的动点， $F_1, F_2$  是椭圆的两个焦点， $P$  是椭圆外一点，且  $|PF_1| = 3|PF_2|$ ，则  $\triangle PF_1F_2$  的面积的最大值为

$\sqrt{2}$  的值为

- A 1                      B 2                      C 3                      D 4

15. 2022·· 已知  $F_1, F_2$  是椭圆  $C: x^2 + \frac{y^2}{2} = 1$  的两个焦点， $P$  是椭圆  $C$  上任意一点， $A, B$  是椭圆  $C$  上的两个动点，且  $PA \perp PB$ ，则  $F_1A \cdot F_2B$  的值为

$4 - 2\sqrt{3}$                        $4 + \sqrt{3}$                        $6 - 2\sqrt{5}$                        $6 + 2\sqrt{5}$

- A  $4 - 2\sqrt{3}$                       B  $4 + \sqrt{3}$                       C  $6 - 2\sqrt{5}$                       D  $6 + 2\sqrt{5}$



[illegible]

55555

$$A \sqcap (-\infty, 0)$$
$$B \sqcap (-2, 0)$$

C02

$$D \sqcap (0, +\infty)$$

17□□2022·□□□□·□□□□□□□□□□ □  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$  □  $a > 0$  □  $b > 0$  □□□□□□□□□□  $F_1$  □  $F_2$  □  $O$  □□□□□□□□  $P$  □□□□□□□□□□

$PO \perp AC$  at  $O$ ,  $PF_2 \perp CF_1$  at  $F_2$ ,  $PF_1 = 3PF_2$ ,  $\angle AF_2B = \frac{\pi}{3}$

三三三

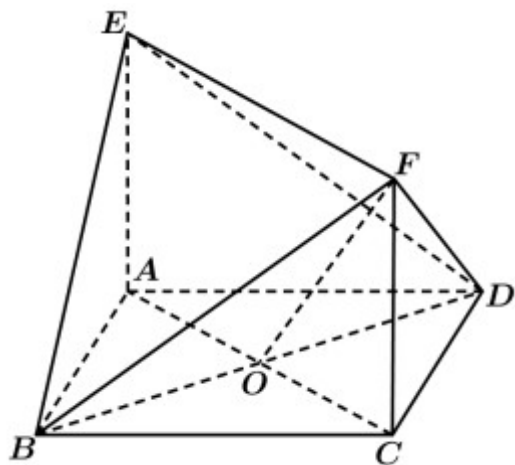
$$A \approx \frac{\sqrt{5}}{2}$$
$$B \approx \frac{\sqrt{7}}{2}$$
$$C \approx \frac{\sqrt{13}}{2}$$

D□2

□ □ □ □ □

$$18 \times 2021 \cdot \left| a_n \right| \leq a_n + a_{n+1} + a_{n+2} = n! \quad (n \in \mathbb{N}^*) \quad \square \quad n \in R$$
$$A \sqcap a_{2 \otimes 1} = a_2$$
$$B \sqcap a_{2 \otimes 1} = a_3$$
$$\mathbf{C}\square \quad 2\mathcal{S}_6 = \mathcal{S}_{12}$$
$$D \sqcap S_{2021} > a_3$$

19. 2021· ·  $AB C D E F$   $A B C D$  2  $A C F E$   $A C F E \perp A B C D$ ,  $A E = 2$ .



A  $FO \perp BD$

B  $BE \perp AD$  且  $\angle EAD = 60^\circ$

C  $\tan \angle FOC = \sqrt{2}$

D  $F- BED$  的面积为 4

20. 2022·...  $P(2,4)$  和  $Q(4,0)$  是圆  $C: (x-6)^2 + y^2 = 9$  上 A, B 两点, R 是 C 上一点

求

A  $|AB|$  的最小值为  $2\sqrt{5}$

B  $P$  到  $l$  的距离为  $2\sqrt{5}$

C  $PQ \cdot PR$  的最小值为  $12 - 2\sqrt{5}$

D  $|PR|$  的最小值为  $4\sqrt{2} + 3$

21. 2022·...  $A-BCD$  是棱长为 2 的正四面体, O 是  $A-BCD$  的中心, M 是 BD 的中点, D

是  $AM$  的中点,  $\alpha$  是  $OS$  与  $SD$  所成的角, 则  $\alpha$  为

A  $\frac{\pi}{2}$

B  $\frac{3\pi}{4}$

C  $\frac{3\pi}{2}$

D  $\frac{5\pi}{3}$

22. 2022·...  $n, \varphi(n)$  表示  $n$  的正约数的个数,  $n$  表示  $n$  的各位数字之和,  $\varphi(n)$  表示  $n$  的各位数字之和

若  $\varphi(9) = 6$ , 则

A  $\log_7 \varphi(7^7) = 6 + \log_7 6$

B  $\left| \varphi(3^n) \right|$  为奇数

C  $\left| \varphi(2n) \right|$  为偶数

D  $\left\{ \frac{n}{q(2^n)} \right\}$  的项数为 4

23 2022· 已知  $m \neq 0$ ， $x = -m$ ， $f(x) = -m(x+m)^2(x+n)$  的极大值为 0，则

A  $m = n$  B  $n > m > 0$

C  $n < m < 0$  D  $m > n > 0$

24 2022· 已知  $f(x) = \frac{b}{|x-a|}$  ( $a > 0, b > 0$ )，则“ $f(x)$  在  $x=a$  处取得极值”是“ $y=f(x)$  在  $x=a$  处取得极值”的

充分必要条件 ( )

A  $f(x)$  在  $x=1$  处取得极值

B  $x \in (-1, 1)$  时， $f(x) > 1$

C  $f(x)$  在  $x=\ln x$  处取得极值  $\sqrt{2}$

D  $f(x)$  在  $x=3\pi$  处取得极值

25 2022· 已知  $\sinh x = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$ ， $\cosh x = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$ ，则

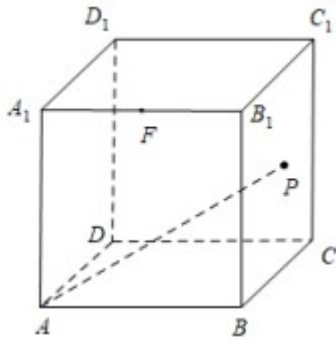
A  $\cosh x + \sinh x \geq x + 1$

B  $\sinh(x+y) = \sinh x \cosh y + \cosh x \sinh y$

C  $y = n$  是  $C_1$  的充分条件， $C_2$  是  $x_1, x_2, x_3$  的充分条件， $x_1 + x_2 + x_3 \geq 1 + \sqrt{2}$

D  $y = \cosh x$  是  $y = \sinh x$  的充分条件

26 2022· 已知  $P$  是  $ABCD - A_1B_1C_1D_1$  的棱  $AA_1$  的中点，则



A.  $P$  是平面  $BCC_1B_1$  与平面  $P- A_1D_1D$  的交线

B.  $P$  在平面  $AC$  上的投影  $D$  在  $P$  在  $AC$  上的投影  $\left[ \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{2} \right]$

C. 平面  $AP$  与平面  $ABCD$  所成的角为  $45^\circ$  时  $P$  的轨迹为  $\pi + 4\sqrt{2}$

D.  $F$  是  $AB$  的中点  $P$  在平面  $ABCD$  上的投影  $PF \parallel$  平面  $B_1CD_1$  时  $PF$  的最小值为  $\sqrt{5}$

27. 2022. 已知函数  $f(x) = |x| - \frac{1}{x} - 3$  则  $f(x)$  与  $f(-x)$  的关系为

A.  $f(x)$  在  $(0, +\infty)$  上单调递增

B.  $x \in (-\infty, 0)$  时  $f(x)$  在  $x = -1$  处取得极小值

C.  $f(x) - f(-x) = 2$

D.  $y = f(x) - f(-x)$  的图像关于  $y$  轴对称

28. 2022. 在平面直角坐标系  $xOy$  中，圆  $O: x^2 + y^2 = r^2 (r > 0)$  与圆  $M: (x-3)^2 + (y-4)^2 = 9$  相切，则  $r$  的值为

A.  $B$  是平面  $P$  与平面  $AB$  的交线 ( )

A.  $r \in (2, 6)$

B. 平面  $P$  与平面  $P$  的交线  $1$  与平面  $M$  的交线  $r \in (\sqrt{14}, \sqrt{6})$

C.  $PO \cdot PM > 0$  时  $r \in (\sqrt{34}, 8)$

D. 平面  $M$  与平面  $AB$  的交线  $r^2 = 34 - 15\sqrt{2}$

29 2022· ·  $m = (\cos \alpha, \sin \alpha), n = (\cos \beta, \sin \beta) (\alpha, \beta \in [0, 2\pi), \alpha > \beta)$   $m + n = (0, 1)$

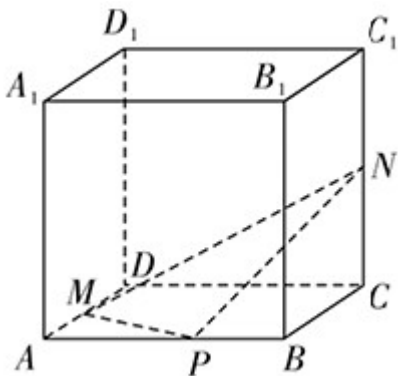
·

A  $m^2 + n^2 = 1$  B  $\cos(\alpha - \beta) = -\frac{1}{2}$

C  $\sin(\alpha + \beta) = 0$  D  $\left| \frac{m}{n} \right|$  2

30 2022· ·  $ABCD - A_1B_1C_1D_1$  2,  $M, N$   $AD, CC_1$   $P$   $AB$

·



A  $\triangle PMN$

B  $P$   $AB$   $\triangle PMN$

C  $\triangle MPN$

D  $\triangle MPN$   $\frac{\sqrt{21}}{2}$

31 2022· ·  $a, b \in R$

A  $a < b < 0$   $(a-1)^2 < (b-1)^2$  B  $a + b = 2$   $2^a + 2^b \geq 4$

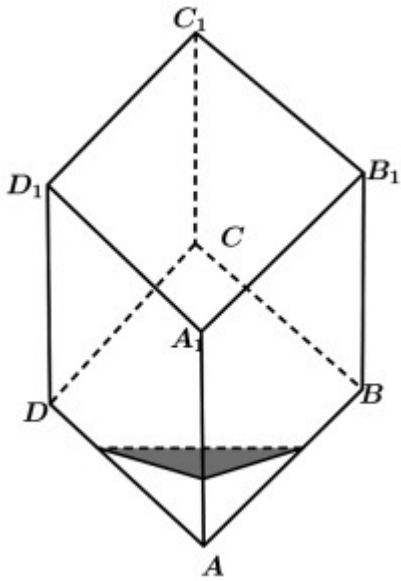
C  $2^a - 2^b > 2^{-a} - 2^{-b}$   $a > b$  D  $a > b > 0$   $a + b = 1$   $a^b > b^a$

32 2022· ·  $ABCD - A_1B_1C_1D_1$  8,  $x (0 < x < 8)$

· A







A

B  $x=4$

C  $x \in (0,1)$

D  $AC$

33 2022  $x^2=2p$  ( $p>0$ )  $T(1-1)$   $C$   $A$   $B$

A  $p=1$

B  $F(0,1)$

C  $TA \perp TB$

D  $AB$

34 2022  $f(x) = \sin^n x + \cos^n x$  ( $n \in \mathbb{N}^*$ )

A  $n$   $f(x)$

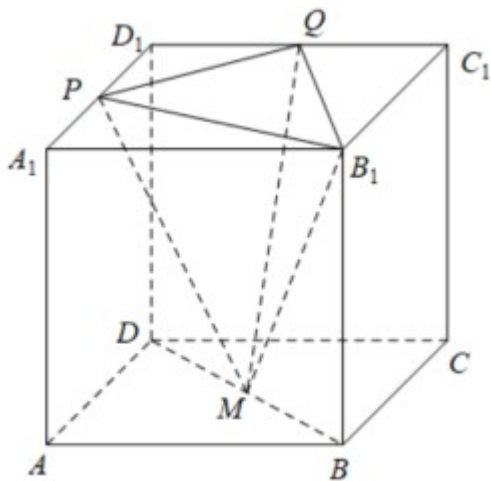
B  $n=3$   $f(x)$   $[0, \frac{\pi}{2}]$   $\frac{\sqrt{2}}{2}$

C  $n=4$   $f(x)$   $[-\frac{\pi}{4} + k\pi, k\pi)$  ( $k \in \mathbb{Z}$ )

D  $n$   $f(x)$   $x = \frac{\pi}{4}$

35 2022· ·  $ABCD-A_1B_1C_1D_1$  2  $P, Q$   $AD_1, D_1C_1$   $M$   $BD$

□



A  $PQ \parallel BC$

B  $PQ \perp B_1M$

C  $P-Q-MB_1$

D  $M$   $BD$   $M-PQ-B_1$   $60^\circ$

36 2022· ·  $C: y^2 = 4x$   $F$  1  $l$   $A, B$

A  $C$   $x=1$

B  $AB$   $y=2$

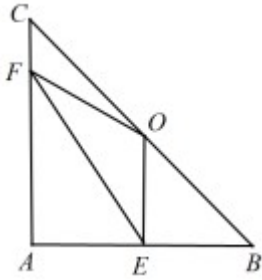
C  $|AB|=8$   $\triangle OAB$   $2\sqrt{2}$

D  $AF$   $y$

□

37 2022· ·  $\triangle ABC$   $AB=AC=2, O$   $BC$   $E, F$   $AB, AC$

$\angle EOF = 120$



1.  $OE \perp AB$  且  $EF \perp AC$  则  $EF^2 =$  \_\_\_\_\_.

2.  $\frac{1}{OE^2} + \frac{1}{OF^2} =$  \_\_\_\_\_.

38. (2022·) 已知函数  $f(x) = e^x - x$ ，则  $f(x)$  在  $x \in (0, +\infty)$  上的最小值为 \_\_\_\_\_.

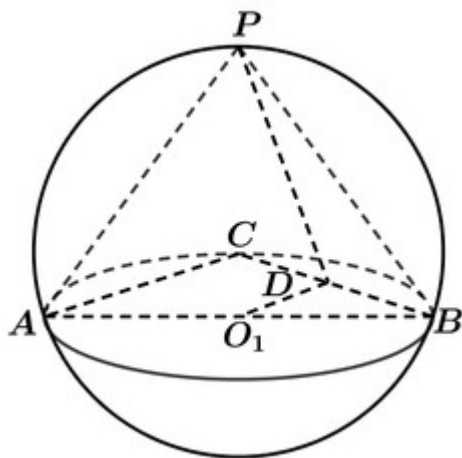
已知  $e^x - 1 \geq \frac{\ln x + 2a}{x}$  对任意  $x > 0$  恒成立，则  $a$  的取值范围是 \_\_\_\_\_.

\_\_\_\_\_.

39. (2021·) 已知三棱锥  $P-ABC$  的底面  $\triangle ABC$  是边长为 2 的正三角形，点  $O$  是  $\triangle ABC$  的中心，点  $Q$  是  $PO$  的中点，则  $PQ \perp AB$  且  $PQ \perp BC$  的充要条件是 \_\_\_\_\_.

已知  $AB \perp Q$ ，点  $P$  在  $ABC$  内，点  $Q$  在  $AB$  上，点  $D$  在  $BC$  上， $\cos \angle PDQ = \frac{\sqrt{2}}{3}$ ，则  $P$  在  $ABC$  内的位置是 \_\_\_\_\_.

点  $O$  是 \_\_\_\_\_.



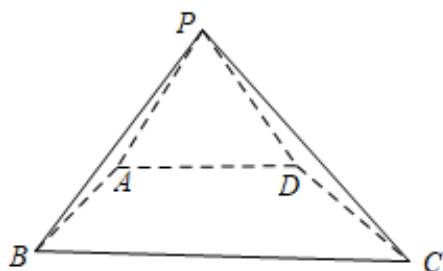
40 2022······  $P-ABCD$  2 $\sqrt{2}$   $E, F$   $PC \cap AB = M$   $PB$   $P \cap B$   
  $ME + MF$  \_\_\_\_\_.

41 2022······  $C_1: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$   $C_2: x^2 + y^2 = \frac{4b^2}{5}$   $C_1$   $P$   
  $C_2$  \_\_\_\_\_.

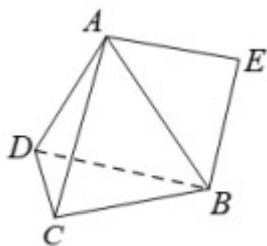
42 2022······  $f(x)$   $(0, +\infty)$   $x_2 > x_1 > 0$   $\frac{f(x_1)}{x_2} - \frac{f(x_2)}{x_1} > \frac{e^{x_1}}{x_2} - \frac{e^{x_2}}{x_1}$

$f(2) = e^2 + 1$   $f(\ln x) > \frac{2}{\ln x} + x$  \_\_\_\_\_.

43 2022······  $P-ABCD$   $\triangle PAD$  4  $ABCD$   $AD \parallel BC$   
  $\angle ABC = 60^\circ$   $AB = AD$   $P-ABCD$  24  $P-ABCD$  \_\_\_\_\_.



44 2022······  $ABE$   $AB$   $A-BCD$   $AB = 2$   $AE$   $AB$   
  $E-BCD$  \_\_\_\_\_.



45 2022······  $a, b, c$   $a \cap c$   $\langle \vec{a}, \vec{c} \rangle = \frac{\pi}{2}$   $b^2 - 8bc + 15 = 0$   $|\vec{a} - \vec{b}|$  \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_.

46 2022······  $O$   $M(a, 0) (a \neq 0)$   $y^2 = 2px (p > 0)$   $A, E$   $OA, OE$



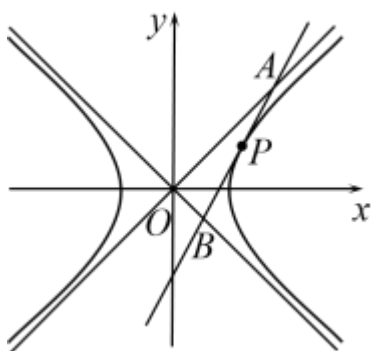
若  $k_1, k_2$  满足  $k_1 k_2 = -2p$ ，则  $a$  的取值范围是\_\_\_\_\_。

47. 2022·全国·高三·文科·数学·选择题 ABCD 中  $\angle ACB = 60^\circ$ ， $\angle DCA = 90^\circ$ ， $DC = CB = CA = 2$ ，则  $\angle D-AC-B$  的正切值为\_\_\_\_\_。

48. 2022·全国·高三·文科·数学·选择题 在平面直角坐标系  $xOy$  中，椭圆  $M: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$  的右焦点  $F$  在直线  $C: \frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{3} = 1$  上，则椭圆  $M$  的离心率  $e$  的取值范围是\_\_\_\_\_。

49. 2022·全国·高三·文科·数学·选择题 已知点  $P(x_0, y_0)$  在椭圆  $C: \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$  上，则点  $P$  到椭圆  $C$  的右焦点  $F$  的距离  $|PF|$  的取值范围是\_\_\_\_\_。

若  $y = \pm \frac{\sqrt{3}}{2}x$  是椭圆  $C$  的切线，则  $OA \cdot OB =$ \_\_\_\_\_。



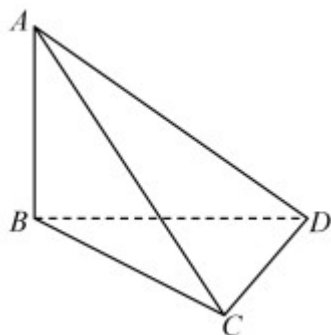
50. 2022·全国·高三·文科·数学·选择题 已知椭圆  $C: \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$  的右焦点  $F$ ，过  $F$  作直线  $l$  交椭圆  $C$  于  $A, B$  两点，则  $|AF| + |BF|$  的取值范围是\_\_\_\_\_。

若  $|AF| + |BF| = 4$ ，则  $|AB| =$ \_\_\_\_\_。

51. 2022·全国·高三·文科·数学·选择题 已知  $A, B, C, D$  四点共圆，且  $AB \perp BC$ ， $CD \perp AD$ ，则  $\angle A$  的度数为\_\_\_\_\_。

若  $AD = AB = BD = \sqrt{2}$ ，则  $\angle C$  的度数为\_\_\_\_\_。





52 2022 年 1 月 1 日 星期日 10:00:00 AM 2022 年 1 月 1 日 星期日 10:00:00 AM

N 1000  $\triangle FMN$  1000 \_\_\_\_\_



学科网中小学资源库



扫码关注

可免费领取180套PPT教学模版

- ✦ 海量教育资源 一触即达  
✦ 新鲜活动资讯 即时上线